

Tabla de recurrencias

Tipo de recurrencia	Forma de la recurrencia	Polinomio característico	Forma de la solución
Recurrencias homogéneas	$a_0 t_n + a_1 t_{n-1} + \dots + a_k t_{n-k} = 0$	$a_0 x^k + a_1 x^{k-1} + \dots + a_k = \prod_{i=1}^k (x - r_i)$	$c_1 r_1^n + \dots + c_k r_k^n$
Recurrencias homogéneas con raíces múltiples	$a_0 t_n + a_1 t_{n-1} + \dots + a_k t_{n-k} = 0$	$a_0 x^k + \dots + a_k = (x - r_1)^{k_1} \dots (x - r_i)^{k_i}$	$c_{10} \cdot r_1^n + c_{11} \cdot n \cdot r_1^n + \dots + c_{1k_1} \cdot n^{k_1-1} \cdot r_1^n + \dots$ $\dots + c_{i0} \cdot r_i^n + c_{i1} \cdot n \cdot r_i^n + \dots + c_{ik_i} \cdot n^{k_i-1} \cdot r_i^n$
Recurrencias no homogéneas	$a_0 t_n + \dots + a_k t_{n-k} = b^n P(n)$ con $P(n)$ polinomio de grado d	$(a_0 x^k + a_1 x^{k-1} + \dots + a_k)(x - b)^{d+1} = (x - r_1)^{k_1} \dots (x - r_i)^{k_i} (x - b)^{d+1}$	$c_{10} \cdot r_1^n + c_{11} \cdot n \cdot r_1^n + \dots + c_{1k_1} \cdot n^{k_1-1} \cdot r_1^n + \dots$ $\dots + c_{i0} \cdot r_i^n + c_{i1} \cdot n \cdot r_i^n + \dots + c_{ik_i} \cdot n^{k_i-1} \cdot r_i^n + \dots$ $\dots + a_0 \cdot b^n + a_1 \cdot n \cdot b^n + \dots + a_d \cdot n^d \cdot b^n$
Recurrencias no homogéneas generalizadas	$a_0 t_n + \dots + a_k t_{n-k} = b_1^n P_1(n) + \dots + b_m^n P_m(n)$ con $P_j(n)$ polinomio de grado d_j	$(a_0 x^k + a_1 x^{k-1} + \dots + a_k)(x - b_1)^{d_1+1} \dots (x - b_m)^{d_m+1} = (x - r_1)^{k_1} \dots (x - r_i)^{k_i} (x - b_1)^{d_1+1} \dots (x - b_m)^{d_m+1}$	$c_{10} \cdot r_1^n + c_{11} \cdot n \cdot r_1^n + \dots + c_{1k_1} \cdot n^{k_1-1} \cdot r_1^n + \dots$ $\dots + c_{i0} \cdot r_i^n + c_{i1} \cdot n \cdot r_i^n + \dots + c_{ik_i} \cdot n^{k_i-1} \cdot r_i^n + \dots$ $\dots + a_{10} \cdot b_1^n + a_{11} \cdot n \cdot b_1^n + \dots + a_{1d_1} \cdot n^{d_1} \cdot b_1^n + \dots$ $\dots + a_{m0} \cdot b_m^n + a_{m1} \cdot n \cdot b_m^n + \dots + a_{md_m} \cdot n^{d_m} \cdot b_m^n$
Algoritmos tipo “Divide y Vencerás”	$t(n) = l \cdot t\left(\frac{n}{b}\right) + c \cdot n^k, n > n_0$ con $n_0 \geq 1, l \geq 1, b \geq 2, k \geq 0, c \geq 0, n/n_0$ potencia de b , $t: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+$ asintóticamente no decreciente	$(x - l)(x - b^k)$ con el cambio de variable $n = n_0 b^i$	$t(n) \in \begin{cases} \Theta(n^k) & \text{si } l < b^k \\ \Theta(n^k \log n) & \text{si } l = b^k \\ \Theta(n^{\log_b l}) & \text{si } l > b^k \end{cases}$